

一個人の感想程度の解答ですので、参考程度に利用してください。

## 令和7年度京都府公立高等学校入学者選抜 前期選抜学力検査

### 共通学力検査 数学

1

$$\begin{aligned} (1) \quad & 1 - 8^2 \div \left(\frac{4}{3}\right)^2 \\ &= 1 - 64 \div \frac{16}{9} \\ &= 1 - 64 \times \frac{9}{16} \\ &= 1 - 4 \times 9 \\ &= 1 - 36 \\ &= -35 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad & 18\left(\frac{1}{6}x + \frac{7}{9}\right) - 4(5 - x) \\ &= 18 \times \frac{1}{6}x + 18 \times \frac{7}{9} - 4 \times 5 + (-4) \times (-x) \\ &= 3x + 14 - 20 + 4x \\ &= (3+4)x + 14 - 20 \\ &= 7x - 6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (3) \quad & (2\sqrt{7} + 2)(2\sqrt{7} - 2) \\ &= (2\sqrt{7})^2 - 2^2 \\ &= 28 - 4 \\ &= 24 \end{aligned}$$

(4) [絶対値…数字の部分]

(ア) ~ (エ) の絶対値は

$$(ア) 3 \quad (イ) \frac{7}{2} = 3.5 \quad (ウ) 2.9 \quad (エ) 0$$

したがって、答えは

$$(エ) \rightarrow (ウ) \rightarrow (ア) \rightarrow (イ)$$

(4) [A=B=C型の連立方程式。A=B, A=Cのように、2つずつ組み合わせて解こう。]

$$\begin{cases} 5x - 3y = 3x + 7 & \dots \dots \textcircled{1} \\ 5x - 3y = -5y + 8 & \dots \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$$\textcircled{1} \text{ より } 2x - 3y = 7 \dots \dots \textcircled{3}$$

$$\textcircled{2} \text{ より } 5x + 2y = 8 \dots \dots \textcircled{4}$$

[yを消去しよう。]

$$\begin{array}{rcl} \textcircled{3} \times 2 : & 4x - 6y &= 14 \\ +) \textcircled{4} \times 3 : & 15x + 6y &= 24 \\ \hline & 19x &= 38 \end{array}$$

よって  $x = 2$

$x = 2$  を \textcircled{3} に代入して

$$\begin{aligned} 2 \times 2 - 3y &= 7 \\ 4 - 3y &= 7 \\ -3y &= 7 - 4 \\ -3y &= 3 \\ y &= -1 \end{aligned}$$

よって  $x = 2, y = -1$

(6) [n角形の内角の和は  $(n-2) \times 180^\circ$  です。]

$$(n-2) \times 180^\circ = 5040^\circ$$

両辺を  $180^\circ$  で割って

$$n-2 = 28$$

$$n = 30$$

よって、この正多角形は正30角形であるから、1つの内角の大きさは

$$5040^\circ \div 30 = 168^\circ$$

(7) [解とわかったら方程式に代入しよう。]

$x = -3$  を与えられた2次方程式

$$x^2 - (a+2)x + 2a + 5 = 0 \dots \dots \textcircled{1}$$

に代入して

$$(-3)^2 - (a+2) \times (-3) + 2a + 5 = 0$$

$$9 + (a+2) \times 3 + 2a + 5 = 0$$

$$9 + 3a + 6 + 2a + 5 = 0$$

$$3a + 2a = -9 - 6 - 5$$

$$5a = -20$$

$$a = -4$$

このとき \textcircled{1} は

$$x^2 - (-4+2)x + 2 \times (-4) + 5 = 0$$

$$x^2 + 2x - 8 + 5 = 0$$

$$x^2 + 2x - 3 = 0$$

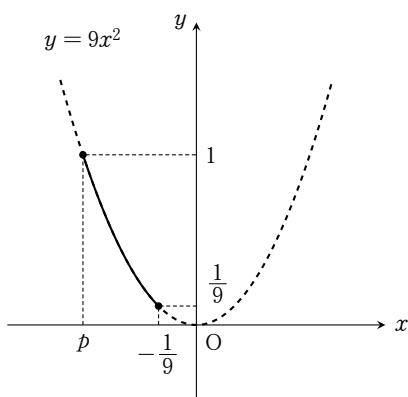
$$(x+3)(x-1) = 0$$

$$x = -3, 1$$

したがって、もう1つの解は  $x = 1$

(7) [グラフを描いて考えよう。]

$y = 9x^2$  ( $p \leq x \leq \frac{1}{9}$ ) のグラフは次のようになる。



したがって、 $x = p$  ( $\leq -\frac{1}{9}$ ) のとき  $y = 1$  でなけれ

ばならない。

$$\text{よって } 1 = 9 \times p^2$$

$$p^2 = \frac{1}{9}$$

$$p = \pm \frac{1}{3}$$

$$p \leq -\frac{1}{9} \text{ より } p = -\frac{1}{3}$$

(9) [累積度数とは、度数を順に足していくもの。ある階級の度数を求めるときは、

(その階級の累積度数) – (1つ前の階級の累積度数) を計算すればよい。]

読書時間(分)	累積度数(人)	度数
0 以上 10 未満	4	4
10 ~ 20	9	9 – 4 = 5
20 ~ 30	16	16 – 9 = 7
30 ~ 40	22	22 – 16 = 6
40 ~ 50	27	27 – 22 = 5
50 ~ 60	30	30 – 27 = 3
計		30

上の度数分布表より読書時間の最頻値は度数が 7 の階級「20 分以上 30 分未満」の階級値だから、答えは

$$\frac{20+30}{2} = \frac{50}{2} = 25 \text{ 分}$$

[2] 1回目に出た目を  $x$ , 2回目に出た目を  $y$  とする。すべての場合の数は  $6 \times 6 = 36$  で、これらはすべて同様に確からしい。

(1)  $a$  についての表は次の通り。

$\begin{array}{c} y \\ x \end{array}$	1	2	3	4	5	6
1	1	2	3	4	5	6
2	2	4	6	8	10	12
3	3	6	9	12	15	18
4	4	8	12	16	20	24
5	5	10	15	20	25	30
6	6	12	18	24	30	36

16 の約数は 1, 2, 4, 8, 16 であるから

$\begin{array}{c} y \\ x \end{array}$	1	2	3	4	5	6
1	①	②	3	④	5	6
2	②	④	6	⑧	10	12
3	3	6	9	12	15	18
4	④	⑧	12	⑯	20	24
5	5	10	15	20	25	30
6	6	12	18	24	30	36

9通り。従って、求める確率は  $\frac{9}{36} = \frac{1}{4}$

(2) 30 の 10 以上の約数は 10, 15, 30 であるから、 $a$  の値

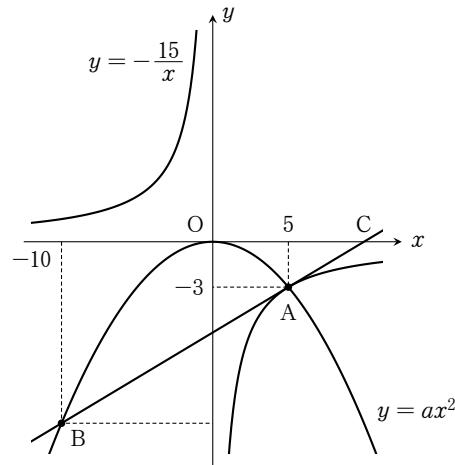
は 10, 15, 20, 30 である。

$\begin{array}{c} y \\ x \end{array}$	1	2	3	4	5	6
1	1	2	3	4	5	6
2	2	4	6	8	10	12
3	3	6	9	12	15	18
4	4	8	12	16	20	24
5	5	10	15	20	25	30
6	6	12	18	24	30	36

題意を満たす  $a$  の値は 8 通りある。したがって、求め確率は

$$\frac{8}{36} = \frac{2}{9}$$

[3] 2つの関数  $y = ax^2$ ,  $y = -\frac{15}{x}$  のグラフは次の通りである。



(1) 点 A は関数  $y = -\frac{15}{x}$  ..... ① のグラフ上にあるから、 $x = 5$  を ① に代入することによって、点 A の  $y$  座標が求められる。

$$y = -\frac{15}{5} = -3$$

したがって、点 A(5, -3) は関数  $y = ax^2$  のグラフ上にあるから

$$-3 = a \times 5^2$$

$$25a = -3$$

$$a = -\frac{3}{25}$$

(2) 点 B の  $x$  座標は  $-10$  である。点 B の  $y$  座標は、 $x = -10$  を  $y = -\frac{3}{25}x^2$  に代入して

$$\begin{aligned} y &= -\frac{3}{25} \times (-10)^2 \\ &= -\frac{3}{25} \times 100 \\ &= -12 \end{aligned}$$

したがって、直線 AB の方程式を

$$y = px + q \dots \text{①}$$

とおく。2点 A(5, -3), B(-10, -12) を通るから

$$\begin{cases} -3 = 5p + q & \dots \dots \textcircled{2} \\ -12 = -10p + q & \dots \dots \textcircled{3} \end{cases}$$

$\textcircled{2} - \textcircled{3}$  より  $9 = 15p$

$$15p = 9$$

$$p = \frac{9}{15} = \frac{3}{5}$$

$p = \frac{3}{5}$  を  $\textcircled{2}$  に代入して

$$-3 = 5 \times \frac{3}{5} + q$$

$$3 + q = -3$$

$$q = -6$$

よって、直線 AB の方程式は

$$y = \frac{3}{5}x - 6$$

(3) 2 点  $(0, -3)$ ,  $(0, -6)$  をそれぞれ D, E とする。また、直線 AB と  $x$  軸との交点を C とする。C の  $x$  座標は、直線 AB の方程式で  $y = 0$  として

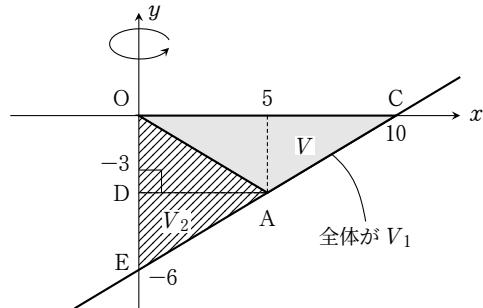
$$0 = \frac{3}{5}x - 6$$

$$\frac{3}{5}x - 6 = 0$$

$$\frac{3}{5}x = 6$$

$$\frac{3}{5}x \times \frac{5}{3} = 6 \times \frac{5}{3}$$

$$x = 10$$



線分 AD は  $y$  軸と垂直であり、点 D は線分 OE の中点である。よって、求める体積を  $V$ ,  $\triangle ECO$  を  $y$  軸を回転軸として 1 回転させてできる円錐の体積を  $V_1$ ,  $\triangle EAD$  を  $y$  軸を回転軸として 1 回転させてできる円錐の体積を  $V_2$  とする。

$\triangle AOD \equiv \triangle AED$  であるから、求める体積  $V$  は

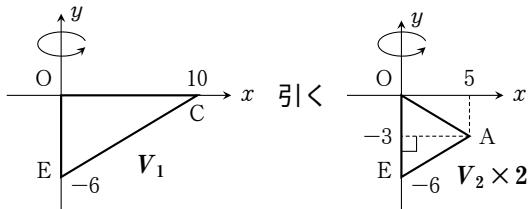
$$V = V_1 - V_2 \times 2$$

ここで、 $\triangle EAD \sim \triangle ECO$  であり、相似比は  $1 : 2$  であるから、体積比は  $V_2 : V_1 = 1^3 : 2^3 = 1 : 8$

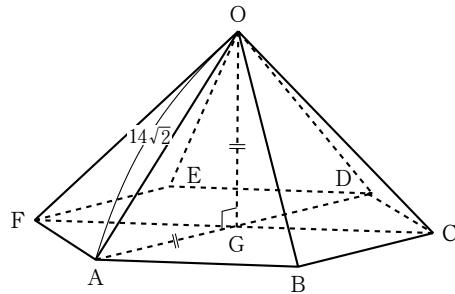
よって  $V_2 = \frac{1}{8}V_1$

したがって

$$\begin{aligned} V &= V_1 - V_2 \times 2 \\ &= V_1 - \frac{1}{8}V_1 \times 2 \\ &= V_1 - \frac{1}{4}V_1 \\ &= \frac{3}{4}V_1 \\ &= \frac{3}{4} \times \left( \frac{1}{3} \times \pi \times 10^2 \times 6 \right) \\ &= \frac{3}{4} \times \frac{1}{3} \times \pi \times 100 \times 6 \\ &= \frac{1}{4} \times \pi \times 100 \times 6 \\ &= 25 \times \pi \times 6 \\ &= 150\pi \end{aligned}$$



4 底面は正六角形であり、OG は底面と垂直であること 注意しよう。



(1)  $\triangle OGA$  は  $OG = AG$ ,  $\angle OGA = 90^\circ$  の直角二等辺三角形であるから、 $OG : OA = 1 : \sqrt{2}$ 。

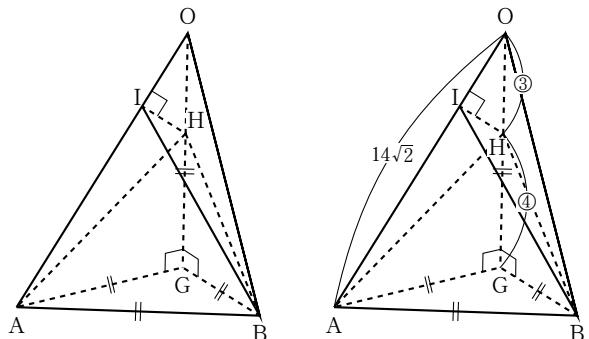
したがって

$$OG : 14\sqrt{2} = 1 : \sqrt{2}$$

$$\sqrt{2}OG = 1 \times 14\sqrt{2}$$

$$OG = 14 \text{ cm}$$

(2) [直接求めるのは無理そうなので引き算しよう。]



[三角錐 OABG には 3 つの三角錐が含まれている。] 三角錐 ABHI の体積を  $V$ , 三角錐 OABG の体積を  $V_1$ , 三角錐 OIBH の体積を  $V_2$ , 三角錐 HABG の体積を  $V_3$  とすると



$$\text{よって } \angle FAB = \angle OFE \cdots \cdots ①$$

直径を見込む円周角は  $90^\circ$  であることと仮定から

$$\angle AFB = \angle FOE = 90^\circ \cdots \cdots ②$$

①, ②より, 2組の角がそれぞれ等しいから

$$\triangle ABF \sim \triangle FEO$$

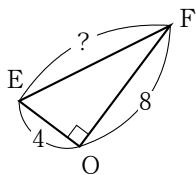
終

(2) [(1)を利用して比で求めます。]

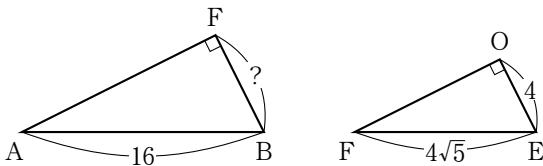
$$\text{仮定より } OE = \frac{1}{2}OD = \frac{1}{2} \times 8 = 4$$

$\triangle OEF$  で三平方の定理を用いると

$$\begin{aligned} EF &= \sqrt{OE^2 + OF^2} \\ &= \sqrt{4^2 + 8^2} = \sqrt{16 + 64} \\ &= \sqrt{80} = 4\sqrt{5} \end{aligned}$$



$$(1) \text{より } \triangle ABF \sim \triangle FEO$$



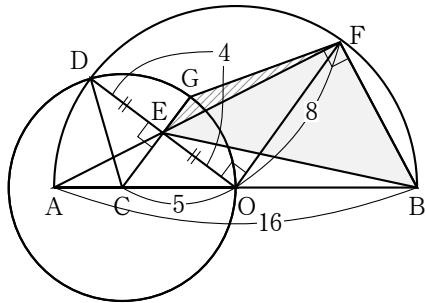
$$\text{よって } BF : EO = AB : FE$$

$$BF : 4 = 16 : 4\sqrt{5}$$

$$4\sqrt{5}BF = 4 \times 16$$

$$\begin{aligned} BF &= \frac{4 \times 16}{4\sqrt{5}} \\ &= \frac{16\sqrt{5}}{5} \text{ cm} \end{aligned}$$

(3) [四角形 BFGE を 2つの三角形  $\triangle BFE$ ,  $\triangle EFG$  に分けて求めよう。]



•  $\triangle BFE$  の面積を  $S_1$  とする。  $S_1$  を求めよう。

$\triangle OFE$  で三平方の定理を用いると

$$\begin{aligned} EF &= \sqrt{OF^2 + OE^2} = \sqrt{8^2 + 4^2} \\ &= \sqrt{64 + 16} = \sqrt{80} \\ &= 4\sqrt{5} \end{aligned}$$

$\angle BFE = 90^\circ$  であるから

$$\begin{aligned} S_1 &= \frac{1}{2} \times BF \times EF \\ &= \frac{1}{2} \times \frac{16\sqrt{5}}{5} \times 4\sqrt{5} \\ &= \frac{1}{2} \times \frac{8\sqrt{5}}{5} \times 4\sqrt{5} \end{aligned}$$

$$= \frac{8 \times 5}{5} \times 4$$

$$= 32$$

•  $\triangle EFG$  の面積を  $S_2$  とする。  $S_2$  を求めよう。

$\triangle OCE$  は 3 辺の比が

$$3 : 4 : 5$$

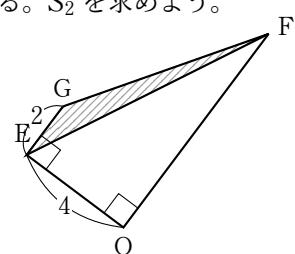
の直角三角形であるから

$$CE = 3$$

よって

$$EG = CG - CE = 5 - 3 = 2$$

EG を底辺, OE を高さと考えると,  $\triangle EFG$  の面積  $S_2$  は

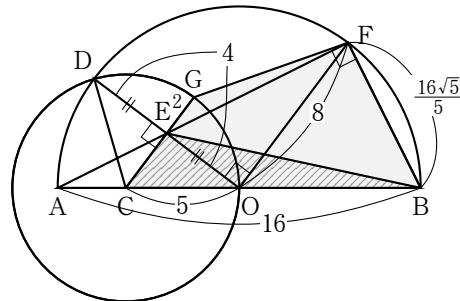


$$\begin{aligned} S_2 &= \frac{1}{2} \times EG \times EO \\ &= \frac{1}{2} \times 2 \times 4 \\ &= 4 \end{aligned}$$

以上から, 求める面積を  $S$  とすると

$$\begin{aligned} S &= S_1 + S_2 \\ &= 32 + 4 = 36 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

**別解** [四角形 CBFG から  $\triangle CEB$  を引くのはどうでしょう。]



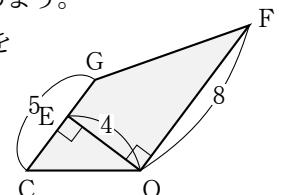
台形 OFGC の面積を  $S_1$ ,  $\triangle OBF$  の面積を  $S_2$ ,  $\triangle CBE$  の面積を  $S_3$  とする。求める四角形 BFGC の面積を  $S$  とすると,

$$S = S_1 + S_2 - S_3$$

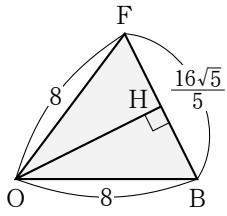
• 台形 OFGC の面積  $S_1$  を求めよう。

CG を上底, OF を下底, OE を高さとして

$$\begin{aligned} S_1 &= \frac{1}{2} \times (CG + OF) \times OE \\ &= \frac{1}{2} \times (5 + 8) \times 4 \\ &= \frac{1}{2} \times 13 \times 2 \\ &= 26 \end{aligned}$$



•  $\triangle OBF$  の面積  $S_2$  を求めよう。O から線分 BF に垂線 OH を下ろす。点 H は線分 BF の中点だから



$$BH = \frac{16\sqrt{5}}{5} \times \frac{1}{2} = \frac{8\sqrt{5}}{5}$$

三平方の定理より

$$\begin{aligned} OH &= \sqrt{OB^2 - BH^2} = \sqrt{8^2 - \left(\frac{8\sqrt{5}}{5}\right)^2} \\ &= \sqrt{8^2 - \frac{8^2 \times 5}{5^2}} = \sqrt{8^2 - \frac{8^2}{5}} \\ &= \sqrt{8^2 \times \left(1 - \frac{1}{5}\right)} = \sqrt{8^2 \times \left(\frac{5}{5} - \frac{1}{5}\right)} \\ &= \sqrt{8^2 \times \frac{4}{5}} = 8 \times 2 \times \sqrt{\frac{1}{5}} \\ &= \frac{16}{\sqrt{5}} \end{aligned}$$

よって

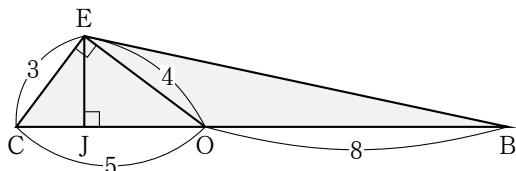
$$\begin{aligned} S_2 &= \triangle OBF = \frac{1}{2} \times BF \times OH \\ &= \frac{1}{2} \times \frac{16\sqrt{5}}{5} \times \frac{16}{\sqrt{5}} \\ &= \frac{1}{1} \times \frac{8}{5} \times \frac{16}{1} \\ &= \frac{128}{5} \end{aligned}$$

- $\triangle CBE$  の面積  $S_3$  を求めよう。点 E から辺 CB に垂線 EJ を下ろし、底辺を CB、高さを EJ とする。  
 $\triangle CEO \sim \triangle CJE$  で相似比は  $CO : CE = 5 : 3$  であるから

$$EO : JE = 5 : 3$$

$$4 : JE = 5 : 3$$

$$JE = \frac{12}{5}$$



よって

$$\begin{aligned} S_3 &= \frac{1}{2} \times CB \times EJ \\ &= \frac{1}{2} \times (5 + 8) \times \frac{12}{5} \\ &= \frac{1}{1} \times 13 \times \frac{6}{5} \\ &= \frac{78}{5} \end{aligned}$$

以上から、求める面積  $S$  は

$$\begin{aligned} S &= S_1 + S_2 - S_3 \\ &= 26 + \frac{128}{5} - \frac{78}{5} \\ &= 26 + \frac{50}{5} \\ &= 26 + 10 \\ &= 36 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

☞注 やはり直接求める方法がシンプルでした。しかし、この図は至るところに  $3 : 4 : 5$  が出てくるのでちょっと感動です。何かネタがあったのでしょうか？ ご存じの方がいらっしゃったら教えてください。

[6] [紙面の関係で、I 図、II 図、消点灯対応表は最終ページにあります。]

- (1) [基本的には、周期 10 秒で考えればよい。(1) は具体的に 22 秒後までを書いてみよう。1 周目と 2 周目で異なる場合に注意しよう。]

- D が点灯した状態に切りかわるのは、

2 秒後, 5 秒後, 8 秒後, 12 秒後, 15 秒後,  
18 秒後, 22 秒後

の 7 回

- E が消灯した状態に切りかわるのは、

3 秒後, 7 秒後, 9 秒後, 11 秒後, 13 秒後,  
17 秒後, 19 秒後, 21 秒後

の 8 回

- (2) [500 秒なので 50 周しよう。(3) の準備運動だと思って周期を考慮して考えよう。]

- A が消灯した状態に切りかわるのは、1 周目は 1 回、2 周目以降は 2 回であるから、

$$1 + 2 \times 49 = 1 + 98 = 99 \text{ 回}$$

- B が消灯した状態に切りかわるのは、1 周目は 1 回、2 周目以降も 1 回であるから、

$$1 \times 49 = 49 \text{ 回}$$

- C が消灯した状態に切りかわるのは、1 周目は 1 回、2 周目以降も 1 回であるから、

$$1 \times 49 = 49 \text{ 回}$$

- D が消灯した状態に切りかわるのは、1 周目は 2 回、2 周目以降は 3 回であるから、

$$2 + 3 \times 49 = 2 + 147 = 149 \text{ 回}$$

- E が消灯した状態に切りかわるのは、1 周目は 3 回、2 周目以降は 4 回であるから、

$$3 + 4 \times 49 = 3 + 196 = 199 \text{ 回}$$

- F が消灯した状態に切りかわるのは、1 周目は 0 回、2 周目以降は 1 回であるから、

$$0 + 1 \times 49 = 49 \text{ 回}$$

- G が消灯した状態に切りかわるのは、1周目は2回、2周目以降も2回であるから、

$$2 + 2 \times 49 = 2 + 98 = 100 \text{ 回}$$

よって、答えは **A,B,C,F**

(3) [(2) の考え方を踏襲しよう。 $10n - 2$  秒後なので、10周分から最後の2秒を除外しよう。]

- A が点灯した状態に切りかわるのは、1周目は2回、2周目以降も2回であり、最後から2秒は切り替えなしであるから、

$$2 + 2 \times (n - 1) = 2 + 2n - 2 = 2n \text{ 回}$$

- B が点灯した状態に切りかわるのは、1周目は2回、2周目以降は1回であり、最後から2秒は切り替えなしであるから、

$$2 + 1 \times (n - 1) = 2 + n - 1 = n + 1 \text{ 回}$$

- C が点灯した状態に切りかわるのは、1周目は2回、2周目以降は1回であり、最後の2秒は切り替えなしであるから、

$$2 + 1 \times (n - 1) = 2 + n - 1 = n + 1 \text{ 回}$$

- D が点灯した状態に切りかわるのは、1周目は3回、2周目以降も3回であり、最後の2秒は切り替えなしであるから、

$$3 \times n = 3n \text{ 回}$$

- E が消灯した状態に切りかわるのは、1周目は3回、2周目以降は4回であり、最後の2秒で1回消灯するから、

$$3 + 4 \times (n - 1) - 1 = 3 + 4n - 4 - 1 = 4n - 2 \text{ 回}$$

- F が消灯した状態に切りかわるのは、1周目は0回、2周目以降は1回であり、最後の2秒は切り替えなしであるから、

$$0 + 1 \times (n - 1) = n - 1 \text{ 回}$$

- G が消灯した状態に切りかわるのは、1周目は2回、2周目以降も2回であり、最後の2秒で1回消灯しているから、

$$2 + 2 \times (n - 1) - 1 = 2 + 2n - 2 - 1 = 2n - 1 \text{ 回}$$

以上から

$$\{2n + (n + 1) + (n + 1) + 3n\}$$

$$+ \{(4n - 2) + (n - 1) + (2n - 1)\} = 684$$

$$(2n + n + 1 + n + 1 + 3n)$$

$$+ (4n - 2 + n - 1 + 2n - 1) = 684$$

$$(7n + 2) + (7n - 4) = 684$$

$$14n - 2 = 684$$

$$14n = 684 + 2$$

$$14n = 686$$

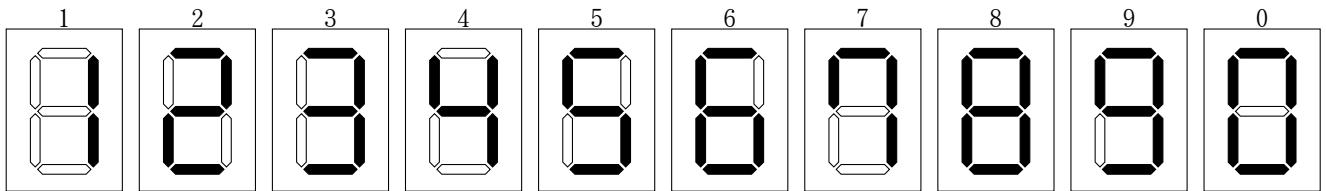
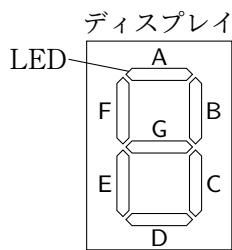
$$n = \frac{686}{14} = 49$$

⇒注 細かく書いたが、試験会場では A 2n, … くらいに略して書こう。

⇒注 1周目と2周目以降の挙動が異なるので注意が必要。さらに、 $10n - 2$  秒という設定なので、最後の2秒間の変化を精算しないといけないので、さらに難しくなっている。試験場では捨て問でもいいのではないでしょうか。

(以上)

- ブラウザの×ボタンで戻ってください。



• 1周目

	1秒後	2秒後	3秒後	4秒後	5秒後	6秒後	7秒後	8秒後	9秒後	10秒後
LED	A		●		○	●				
B	●				○		●			
C	●	○	●							
D		●		○	●		○	●		
E		●	○			●	○	●	○	●
F				●						
G		●					○	●		○

• 2周目以降

	11秒後	12秒後	13秒後	14秒後	15秒後	16秒後	17秒後	18秒後	19秒後	20秒後
LED	A	○	●		○	●				
B					○		●			
C		○	●							
D	○	●		○	●		○	●		
E	○	●	○			●	○	●	○	●
F	○			●						
G		●					○	●		○

• ブラウザの×ボタンで戻ってください。